

COLLOQUIUM ON
MATHEMATICAL ANALYSIS

KOLLOQUIUM ÜBER
MATHEMATISCHE ANALYSIS

HELSINKI 1962

HELSINKI 1964
SUOMALAINEN TIEDEAKADEMIA

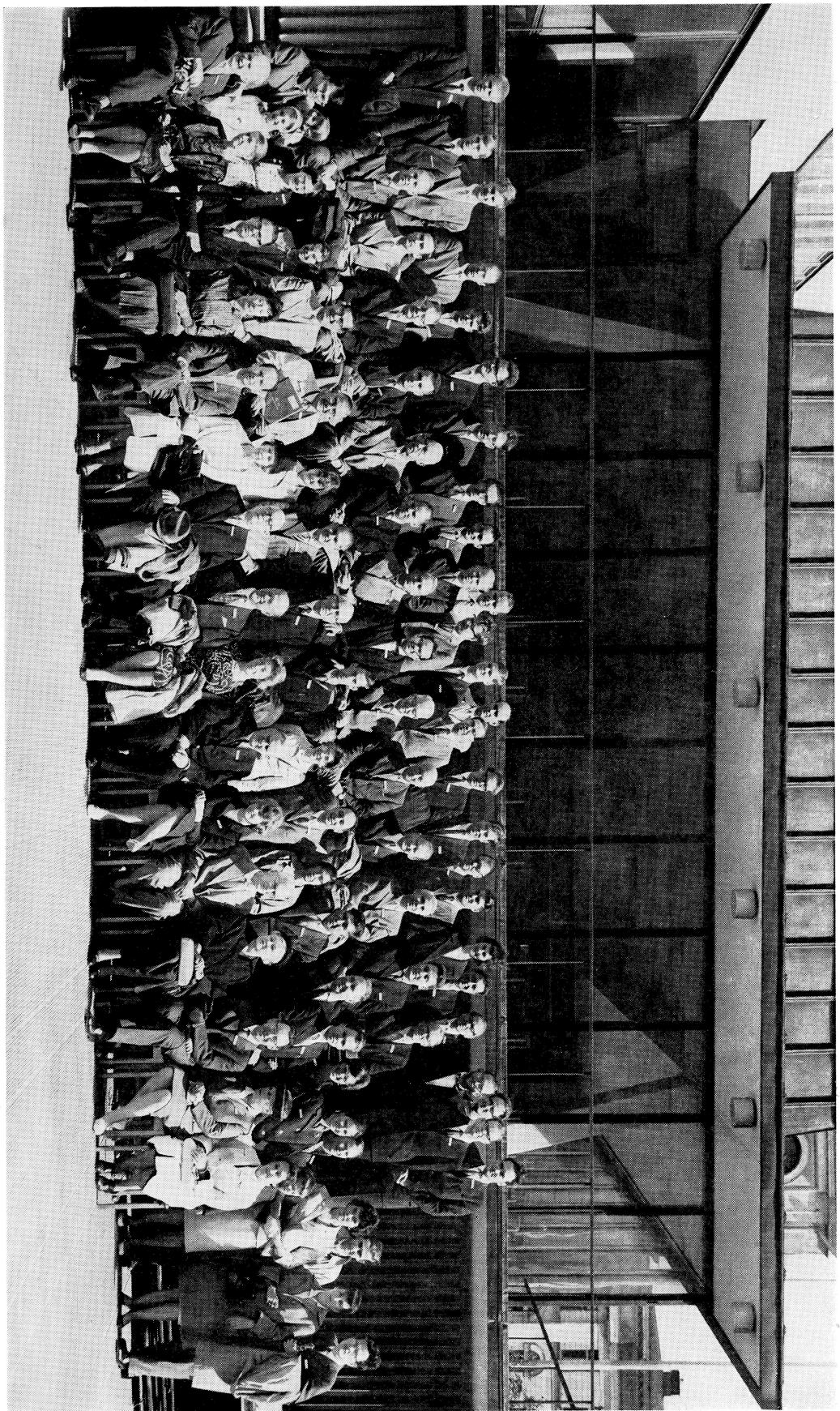


Photo Fred Runeberg

1	E. Hölder	22	D. A. Kappos	43	L. Sario
2	Frau Hölder	23	C. L. Dolph	44	A. E. Taylor
3	L. V. Ahlfors	24	Miss af Hällström	45	E. Reich
4	Mrs. Ahlfors	25	G. af Hällström	46	M. Gut
5	T. S. Motzkin	26	B. A. Amira	47	A. Huber
6	Frau Myrberg	27	J. Bogmár	48	K. Strehel
7	P. J. Myrberg	28	Josephine Mitchell	49	F. W. Gehring
8	B. Segre	29	L. Schoenfeld	50	V. Paatero
9	Mrs. Segre	30	Suzan Kahramaner	51	E. F. Collingwood
10	R. Nevanlinna	31	N. Terzioglu	52	H. L. Selberg
11	Fräulein Nevanlinna	32	E. Peschl	53	A. Dinghas
12	H. Kneser	33	B. Sjöberg	54	K. P. Grottemeyer
13	Frau F. Nevanlinna	34	Mrs. Sjöberg	55	S. Selberg
14	A. Pfleiderer	35	Fräulein Peschl	56	J. Torppa
15	Frau Kneller	36	Frau Peschl	57	E. Byckling
16	Frau Pfleiderer	37	Herr Jörgens	58	K. Kajantie
17	W. K. Hayman	38	Frau Jörgens	59	P. Bergh
18	Miss Sheila Hayman	39	G. Karrer	60	O. Jussila
19	Miss Carolyn Hayman	40	Frau Kustaanheimo	61	S. Hildebrandt
20	Miss Daphne Hayman	41	P. Kustaanheimo	62	Y. Juve
21	Mrs. Hayman	42	L. Myrberg	63	R. Lehti

The following members of the Colloquium are not in the picture: Folgende Teilnehmer des Kolloquiums fehlen im Bild:

H. Andersin	Miss Järnefelt	F. Nevanlinna
Mrs. Andersin	Mrs. Juve	Frau R. Nevanlinna
Mrs. Bergman	E. Kaila	V. J. Nummi
Mrs. Edrei	Mrs. Kaila	M. O. Reade
H. Haantti	Mrs. Lehto	M. M. Schiffer
Mrs. Haantti	I. S. Louhivaara	Mrs. Schiffer
O. Hellman	J. Manninen	Miss Schiffer
M. Huovila	Mrs. Manninen	Inkeri Simola
Mrs. Järnefelt	Mrs. Motzkin	Mrs. Suominen

Mrs. Taari	Mrs. Tammi
Mrs. Tammi	Mrs. Taylor
Mrs. Taylor	Miss Torppa
Miss Torppa	P. Turán
P. Turán	Mrs. Turán
Mrs. Turán	K. Vala
K. Vala	Mrs. Vala

The Colloquium has been
sponsored by

The Ministry of Education
of Finland
The Mathematical Society
of Finland

Aaltosen Kenkätehdas Osakeyhtiö, Tampere
International Business Machines, Helsinki
Kansallis-Osake-Pankki, Helsinki
Otava Kustannusosakeyhtiö, Helsinki
Pohjola Vakuutusosakeyhtiö, Helsinki
Salama Keskinäinen Henkivakuutusyhtiö, Helsinki
Suomen Kaapelitehdas Osakeyhtiö, Helsinki
Suomi Keskinäinen Henkivakuutusyhtiö, Helsinki
Werner Söderström Osakeyhtiö, Porvoo

Das Kolloquium ist unterstützt
worden von

Unterrichtsministerium
Finnlands
Mathematische Vereinigung
Finnlands

Before the International Congress of Mathematicians 1962 in Stockholm, the Mathematical Society of Finland proposed a colloquium on mathematical analysis to be held in Helsinki after the Congress. This idea being well-received both in Finland and abroad, the Society appointed a committee to prepare for the meeting. The committee invited as lecturers and participants several mathematicians who it thought would be interested in such a colloquium.

The Colloquium on Mathematical Analysis was held in Helsinki on August 24 and 25, 1962. Registrants at the Colloquium numbered 117, including dependents. Twenty-two lectures were delivered, 20 of them 45 minutes long and the other two 20 minutes long.

Financial support for the Colloquium was provided by the Ministry of Education of Finland and several other organizations, which are listed on the opposite page. The committee wishes to thank each of these for their support.

We also wish to thank the University of Helsinki, which provided space in the Porthania institute building for the meetings of the Colloquium.

The Finnish Academy of Sciences and Letters has made possible the publication of the report of the Colloquium, containing 16 of the lectures presented, in this issue of the mathematical series of the Annals of the Academy. We are therefore greatly indebted to the Academy and especially to the Editor, Professor P. J. Myrberg, Chancellor of the University of Helsinki.

Vor dem Internationalen Mathematiker-Kongress 1962 in Stockholm wurde im Kreise der Mathematischen Vereinigung Finnlands die Möglichkeit diskutiert, im Anschluss an den Kongress ein Kolloquium über mathematische Analysis in Helsinki zu veranstalten. Der Gedanke fand sowohl im Inland als im Ausland Anklang, und mit der Vorbereitung des Kolloquiums wurde ein Komitee betraut. Das Komitee lud als Vortragende und Teilnehmer zahlreiche Mathematiker ein, die auf dem Gebiet der Analysis tätig sind.

Das Kolloquium über mathematische Analysis wurde am 24. und 25. August 1962 in Helsinki abgehalten. An dem Kolloquium nahmen 117 Forscher und begleitende Familienmitglieder teil. Die Anzahl der Vorträge war 22 (20 Vorträge von je 45 Minuten und zwei von je 20 Minuten).

Das Kolloquium wurde vom Unterrichtsministerium Finnlands und durch andere Beiträge unterstützt. Die Namen der Donatoren sind auf der nebenstehenden Seite veröffentlicht. Das Komitee ist ihnen für diese Unterstützungen zu grossem Dank verpflichtet.

Unser Dank gebührt auch der Universität Helsinki, die dem Kolloquium die nötigen Räumlichkeiten im Institutsgebäude Porthania zur Verfügung gestellt hat.

Die Finnische Akademie der Wissenschaften hat die Publikation des Berichtes über das Kolloquium ermöglicht. Sie hat diesen Bericht, der 16 Vorträge enthält, als einen besonderen Band der mathematischen Serie ihrer Annalen veröffentlicht. Für diese wertvolle Hilfe sprechen wir der Akademie und dem Herausgeber, Herrn Professor Dr. P. J. Myrberg, Kanzler der Universität Helsinki, unsern Dank aus.

Rolf Nevanlinna

Olli Lehto

Ilppo Simo Louhivaara

Helsinki, November 1963

Lectures appearing in this report
Vorträge, die in diesem Bericht erscheinen

1 DINGHAS, ALEXANDER

Über das Anwachsen einiger Klassen von subharmonischen und verwandten Funktionen

Gehalten unter dem Titel:

Über das Anwachsen von subharmonischen Funktionen mit Lindelöf-Bedingung

2 HILDEBRANDT, STEFAN

Über das alternierende Verfahren von Schwarz bei positiv definiten selbst-adjungierten Differentialgleichungssystemen

Gehalten unter dem Titel:

Das alternierende Verfahren für lineare stark elliptische Differentialgleichungssysteme

3 MYRBERG, P. J.

Iteration der reellen Polynome zweiten Grades III

4 JÖRGENS, KONRAD

Die asymptotische Verteilung der Eigenwerte singulärer Sturm-Liouville-Probleme

5 KARRER, GUIDO

Einführung von Spinoren auf Riemannschen Mannigfaltigkeiten

Gehalten unter dem Titel:

Spinoren auf Mannigfaltigkeiten

6 PESCHL, ERNST

Über die Verwendung von Differentialinvarianten bei gewissen Funktionenfamilien und die Übertragung einer darauf gegründeten Methode auf partielle Differentialgleichungen vom elliptischen Typus

Gehalten unter dem Titel:

Einige Gesichtspunkte und Bemerkungen zur Verwendung von Differentialinvarianten in der Funktionentheorie und bei partiellen Differentialgleichungen vom elliptischen Typus

7 HÖLDER, ERNST

Mit harmonischen Feldern verwandte Differentialformen unter Rand- und Anfangsbedingungen

8 COLLINGWOOD, E. F.

Cluster set theorems for arbitrary functions with applications to function theory

Read under the title:

Cluster set -properties of arbitrary mappings of the unit disc with applications to function theory

9 DOLPH, C. L.

Positive real resolvents and linear passive Hilbert systems

10 BOGNÁR, JÁNOS

Non-negativity properties of operators in spaces with indefinite metric

Read under the title:

Some remarks on the positivity of self-adjoint operators in spaces with indefinite metric

11 GEHRING, F. W.

The Carathéodory convergence theorem for quasiconformal mappings in space

Read under the title:

Rings and quasiconformal mappings in space

12 BERGMAN, STEFAN

The distinguished boundary sets and value distribution of functions of two complex variables

Read under the title:

Distinguished boundaries and value distribution of analytic functions of two complex variables

13 PFLUGER, ALBERT

Verallgemeinerte Poisson-Stieltjes'sche Integraldarstellung und kontraktive Operatoren

Gehalten unter dem Titel:

Zur Spektraldarstellung symmetrischer Operatoren

14 KNESER, HELLMUTH

Eine nichtkomplexe zusammenhängende Fläche ohne Fluchtweg

Gehalten unter dem Titel:

Neuere Ergebnisse über nicht abzählbare Mannigfaltigkeiten

15 GROTEMEYER, K. P.

Über das Normalenbündel differenzierbarer Mannigfaltigkeiten

16 ROYDEN, H. L.

Riemann surfaces with the AB-maximum principle

Read under the title:

A theorem of Wermer's and its application to Riemann surfaces

Lectures not appearing in this report Vorträge, die in diesem Bericht nicht erscheinen

1 AHLFORS, LARS V.

Remarks on Kleinian groups

The lecture is contained in two papers, to appear in Scripta Math. and Amer. J. Math.

2 HAYMAN, W. K.

An integral function with arbitrary Nevanlinna deficiencies

The lecture is contained in the paper:

W. H. J. FUCHS and W. K. HAYMAN: An entire function with assigned deficiencies. - Studies in Mathematical Analysis and Related Topics: Essays in Honor of George Pólya, Stanford Studies in Mathematics and Statistics IV, Stanford University Press, Stanford (Calif.), 1962, pp. 117–125.

3 REICH, EDGAR

On a characterization of quasiconformal mappings

Comment. Math. Helv. 37, 1962, pp. 44–48.

4 SARIO, LEO

Complex analytic mappings into Riemann surfaces

The lecture is contained in the paper:

Value distribution under analytic mappings of arbitrary Riemann surfaces. - *Acta Math.* 109, 1963, pp. 1–10.

5 SCHIFFER, M. M.

Connections and conformal mapping

The lecture is contained in the paper:

M. SCHIFFER and N. S. HAWLEY: Connections and conformal mapping. - *Acta Math.* 107, 1962, pp. 175–274.

6 SEGRE, BENIAMINO

Algebra and geometry in Galois' spaces

The lecture is contained in the following papers:

- 1) Le geometrie di Galois. - *Ann. Mat. Pura Appl.* (4) 48, 1959, pp. 1–97.
- 2) Sulla teoria delle equazioni e delle congruenze algebriche. I. - *Atti Accad. Naz. Lincei. Rend. Cl. Sci. Fis. Mat. Nat.* (8) 27, 1959, pp. 155–161.
- 3) Sulla teoria delle equazioni e delle congruenze algebriche. II. - *Atti Accad. Naz. Lincei. Rend. Cl. Sci. Fis. Mat. Nat.* (8) 27, 1959, pp. 303–311.

- 4) Sul numero delle soluzioni di un qualsiasi sistema di equazioni algebriche sopra un campo finito. - Atti Accad. Naz. Lincei. Rend. Cl. Sci. Fis. Mat. Nat. (8) 28, 1960, pp. 271–277.
- 5) Alcune questioni su insiemi finiti di punti in geometria algebrica. - Atti del Convegno Internazionale di Geometria Algebrica a Torino 1961, Tipografia L. Rattner, Torino, 1962, pp. 15–33.
- 6) Ovali e curve σ nei piani di Galois di caratteristica due. - Atti Accad. Naz. Lincei. Rend. Cl. Sci. Fis. Mat. Nat. (8) 32, 1962, pp. 785–790.
- 7) Geometry and algebra in Galois spaces. - Abh. Math. Sem. Univ. Hamburg 25, 1962, pp. 129–139.